Задания школьного этапа Всероссийской олимпиады школьников по математике (2018- 2019 учебный год) 11 класс

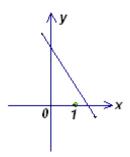
Время выполнения – 180 минут.

Максимальное количество баллов – 35.

Дорогой друг! Ответы без решений оцениваются в 0 баллов! Объясняйте, как Вы рассуждаете! Желаем удачи!

11.1. (7 баллов) Над Степаном кружатся 2018 комаров. Среди них есть хотя бы один сытый, и среди любых двух комаров – хотя бы один голодный. Сколько голодных комаров кружится над Степаном?

11.2. (7 баллов) На рисунке изображен график функции y = kx + b. Сравните |k| и |b|.



11.3. (7 баллов) Решите неравенство:

$$\frac{3x^2 + 4x - 4}{x^2 + x + 1} < 1$$

11.4. (7 баллов) Решите систему уравнений: $\begin{cases} xy = 6, \\ yz = 12, \\ zx = 8. \end{cases}$

11.5. (7 баллов) Доказать, что высоты AP, BQ, CR остроугольного треугольника ABC являются биссектрисами углов треугольника PQR.